

**Corsi di Laurea in Tecniche di Radiologia Medica**  
**per Immagini e Radioterapia**  
**A.A. 2010/2011**  
**Analisi Matematica**  
**Esercizi del 8 novembre 2010**

Calcolare la derivata delle seguenti funzioni.

**Esercizio 1.** Somma di funzioni:

$$\begin{aligned} f_1(x) &= 2^x - \sin x + \arcsen x, & f_2(x) &= \ln x + \cos x + e^x, & f_3(x) &= \operatorname{tg} x + \sqrt{x} - \operatorname{arctg} x, \\ f_4(x) &= x^{4/5} + x^{7/2}, & f_5(x) &= \left(\frac{2}{5}\right)^x + x^{-2/3} + 9, & f_6(x) &= x^4 + \log_2 x. \end{aligned}$$

**Esercizio 2.** Prodotto di funzioni:

$$\begin{aligned} f_7(x) &= 4x^2 \cos x, & f_8(x) &= \ln x \operatorname{tg} x, & f_9(x) &= 3^x \sin x, \\ f_{10}(x) &= 5x e^x \sin x, & f_{11}(x) &= 3x^2 \operatorname{arctg} x \cos x, & f_{12}(x) &= -\sqrt{x} \sin x \ln x. \end{aligned}$$

**Esercizio 3.** Quoziente di funzioni:

$$f_{13}(x) = \frac{1}{\cos x}, \quad f_{14}(x) = \frac{x^2}{\ln x}, \quad f_{15}(x) = \frac{\sin x}{1+x^2}, \quad f_{16}(x) = \frac{5-e^x}{e^x+1}.$$

**Esercizio 4.** Funzioni razionali:

$$\begin{aligned} f_{17}(x) &= \frac{2x+1}{x-5}, & f_{18}(x) &= \frac{x+7}{3x-2}, & f_{19}(x) &= \frac{1-x}{x^2+2x+3}, \\ f_{20}(x) &= \frac{2x^2+x-4}{x+1}, & f_{21}(x) &= \frac{2x^2-1+x}{x^2+3}, & f_{22}(x) &= \frac{2x}{x^3+2}. \end{aligned}$$

**Esercizio 5.** Funzioni composte:

$$\begin{aligned} f_{23}(x) &= (3x-1)^2, & f_{24}(x) &= \sin(2x+3), & f_{25}(x) &= e^{5x-1}, \\ f_{26}(x) &= \ln(1+x^2), & f_{27}(x) &= \frac{1}{\sin^2 x}, & f_{28}(x) &= 2^{\operatorname{arctg} x}, \\ f_{29}(x) &= (\ln x)^2, & f_{30}(x) &= (\sin(2x))^3, & f_{31}(x) &= e^{\cos(1-3x)}, \\ f_{32}(x) &= \frac{\sin(2x+1)}{1+3x^2}, & f_{33}(x) &= 5 \operatorname{tg} \sqrt{x}, & f_{34}(x) &= 5^{\frac{x-1}{x+1}}, \end{aligned}$$