### Grammatiche e automi

Analisi lessicale e sintattica

### Analisi lessicale e sintattica

Le prime fasi del compilatore:

- divisione del codice in token
- costruzione dell'albero sintattico

Gli strumenti software (scanner-lexer, parser) si basano su

- teoria delle grammatiche e
- automi

Si usano risultati presentati a Fondamenti dell'informatica

# Descrizione della sintassi del linguaggio di programmazione

- Quali sequenze di caratteri formano un programma, e quali no
- più nel dettaglio, qual è la struttura sintattica di un programma divisione del programma in componenti e sotto-componenti quali: dichiarazioni, blocchi, cicli, singole istruzioni.
- Descrizione, completamente formale, ottenuta tramite grammatiche

### Grammatiche

Formalismo nato per descrivere linguaggi, anche naturali

- Panini, IV secolo a.C., definisce una grammatica formale per il Sanscrito,
  - in Occidente nessuna teoria così sofisticata sino al XX secolo;
- Noam Chomsky, anni '50, descrizione formale dei linguaggi naturali

Formalismo che mi permette di generare:

- tutte le frasi sintatticamente corrette della lingua italiana
- tutti i programmi sintatticamente corretti

Ma anche mettere in evidenza la struttura di una frase, un programma

### Grammatica costituita da:

- un insieme di simboli terminali, elementi base, a seconda dei casi può essere:
  - l'insieme di parole della lingua italiana
  - l'insieme dei simboli base di un linguaggio di programmazione: simboli di operazione, identificatori, separatori
  - lettere di un alfabeto A
- un insieme di simboli non terminali, categorie sintattiche, a seconda dei casi possono essere:
  - nomi, verbi, articoli, predicato verbale, complemento di termine, proposizione, subordinata, ecc.
  - identificatori, costanti, operazioni aritmetiche comando di assegnazione, espressione aritmetica, ciclo, dichiarazione di procedura, . . .

### Grammatica costituita da:

- un insieme di regole di generazione, spiegano come sono composti i non-terminali, come posso espandere un non terminale esempi di regole (generative):
  - proposizione → soggetto predicato verbale
  - proposizione → soggetto predicato verbale complemento oggetto
  - $\bullet \ \ programma \rightarrow dichiarazioni \ programma \ principale \\$
  - assegnamento → identificatore "=" espressione
- le grammatiche vengono divise in classi in base alla complessità delle regole ammesse
  - grammatiche regolari, libere da contesto, dipendenti dal contesto, ...
- regole più sofisticate:
  - permettono di definire più linguaggi, linguaggi più complessi
  - ma determinare se una parola appartiene alla grammatica diventa più complesso

### **Formalmente**

Un linguaggio su alfabeto A, è un sottoinsieme di  $A^*$ , (stringhe su A)

### Definizione: Grammatica libera (dal contesto)

Definita da:

T: insieme di simboli terminali (alfabeto del linguaggio)

NT: insieme di simboli non terminali (categorie sintattiche)

R: insieme di regole di produzione

S: simbolo iniziale  $\in$  NT

Regole R (libere da contesto) nella forma:

$$V \rightarrow w$$

con  $V \in NT$  e  $w \in (T \cup NT)^*$ 

# Esempio: stringhe palindrome

sull'alfabeto formato dalle sole lettere a, b,

- terminali: a, b
- non-terminali: P
- regole:
  - $\bullet$  P  $\rightarrow \varepsilon$
  - $\bullet \ P \to a$
  - $\bullet \ P \to b$
  - $\bullet \ P \to aPa$
  - $\bullet \ P \to bPb$
- simbolo iniziale: P

Le regole sono corrette e complete

# Esempio: espressioni aritmetiche

a partire dalle variabili a, b, c

- terminali: a, b, c, +, -, \*, (, )
- non-terminali: E, T, F, Var (espressione, termine, fattore)
- regole:
  - $\begin{array}{ccc} \bullet & \mathsf{E} \to \mathsf{T} \\ & \mathsf{E} \to \mathsf{E} + \mathsf{T} \\ & \mathsf{E} \to \mathsf{E} \mathsf{T} \end{array}$

  - $F \rightarrow (E)$  $F \rightarrow Var$
  - $Var \rightarrow a$ ,  $Var \rightarrow b$ ,  $Var \rightarrow c$
- simbolo iniziale: E

# Formulazione alternativa: BNF (Backus-Naur Form)

- Sviluppata per l'Algol60
- non terminali marcati da parentesi angolari: (E) (non devo definirli esplicitamente)
- → sostituita da ::=
- regole con stesso simbolo a sinistra raggruppate

$$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \mid \langle E \rangle + \langle T \rangle \mid \langle E \rangle - \langle T \rangle$$

si usa una diversa meta-sintassi

#### Esistono notazioni miste:

$$E \rightarrow T \mid E + T \mid E - T$$

### Derivazioni e alberi di derivazione

 Derivazione: come passare da simbolo iniziale a parola finale, una regola alla volta,

• E 
$$\rightarrow$$
 E + T  $\rightarrow$  T + T  $\rightarrow$  F + T  $\rightarrow$  Var + T  $\rightarrow$  a + T  $\rightarrow$  a + F  $\rightarrow$   $\rightarrow$  a + Var  $\rightarrow$  a + b

• E 
$$\rightarrow$$
 E + T  $\rightarrow$  E + F  $\rightarrow$  E + Var  $\rightarrow$  E + b  $\rightarrow$  T + b  $\rightarrow$  F + b  $\rightarrow$  Var + b  $\rightarrow$  a + b

- Albero di derivazione:
  - rappresentazione univoca della derivazione,
  - mette in evidenza la struttura del termine.
- Formalmente gli alberi di derivazione sono alberi ordinati ossia:
  - grafo orientato,
  - aciclico, connesso
  - ogni nodo ha al più un arco entrante,
  - gli archi uscenti sono ordinati,

### Albero di derivazione, definizione formale

L'albero di derivazione su una grammatica  $\langle$  T, NT, R, S  $\rangle$  soddisfa:

- radice etichettata con il simbolo iniziale S,
- foglie etichettate con simboli terminali in T,
- ogni nodo interno n
  - etichettato con un simbolo non terminale
  - la sequenza w delle etichette dei suoi figli, deve apparire in una regola E → w, in R

Alberi di derivazione fondamentali perché descrivono la struttura logica della stringa analizzata

I compilatori lavorano su alberi di derivazione

### Esempio

• E  $\rightarrow$  E + T  $\rightarrow$  T + T  $\rightarrow$  F + T  $\rightarrow$  Var + T  $\rightarrow$  a + T  $\rightarrow$  a + F  $\rightarrow$   $\rightarrow$  a + Var  $\rightarrow$  a + b



# Grammatiche ambigue:

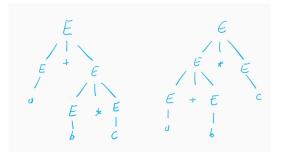
Una grammatica alternativa per le espressioni aritmetiche:

$$E \to E + E \mid E - E \mid E * E \mid (E) \mid a \mid b \mid c$$

Le due grammatiche generano lo stesso linguaggio ma la seconda è ambigua:

$$a + b * c$$

ha due alberi di derivazione nella seconda grammatica



# Grammatiche ambigue

- Grammatiche per cui esiste una stringa con due alberi di derivazione differenti
- i due alberi di derivazione inducono
  - due interpretazioni diverse della stessa stringa
  - due meccanismi di valutazione differente
- Queste ambiguità vanno evitate (come in matematica)

# Disambiguare una grammatica

#### Due soluzioni:

- rendere la grammatica non ambigua
  - tipicamente attraverso: nuovi non-terminali, non terminali
  - ottengo una grammatica che genera lo stesso linguaggio ma più complessa
- convivere con grammatiche ambigue
  - si forniscono informazioni aggiuntive su come risolvere le ambiguità
  - tipicamente, si specifica:
    - ordine di precedenza degli operatori,
    - per un singolo operatore, o per operatori nella stessa classe di equivalenza, se associativo a sinistra o a destra.

#### soluzione usata anche nei parser

# Altri esempi di ambiguità

### la stessa grammatica

$$E \rightarrow E + E \mid E - E \mid E * E \mid (E) \mid a \mid b \mid c$$

### e le stringhe

$$a - b - c$$

$$a - b + c$$

### bisogna stabilire se si associa a sinistra:

$$(a - b) - c$$

$$(a - b) + c$$

### oppure si associa a destra:

$$a - (b - c)$$

$$a - (b + c)$$

# Altri esempi di ambiguità

#### Grammatica

### ambigua su:

```
IF \langle bool1 \rangle THEN IF \langle bool2 \rangle THEN \langle stat1 \rangle ELSE \langle stat2 \rangle
```

due interpretazioni:

# Altri esempi di ambiguità

#### Grammatica

```
⟨stat⟩ ::= IF ⟨bool⟩ THEN ⟨stat⟩ ELSE ⟨stat⟩
                   | IF \langle bool \rangle THEN \langle stat \rangle | ...
ambigua su:
IF (bool1) THEN IF (bool2) THEN (stat1) ELSE (stat2)
due interpretazioni:
IF \(\daggerightarrow\) THEN ( IF \(\daggerightarrow\) THEN \(\daggerightarrow\) Stat1\(\rightarrow\) ELSE \(\daggerightarrow\) stat2\(\rightarrow\))
IF \(\daggerightarrow\) THEN ( IF \(\daggerightarrow\) THEN \(\daggerightarrow\) ELSE \(\daggerightarrow\) stat1\(\rangle\)
In C-Java le parentesi della notazione evitano ambiguità
IF \(\doldrightarrow\) { IF \(\doldrightarrow\) {stat1} ELSE \(\frac{\text{stat2}}{\text{}}\) }
IF \langle bool1 \rangle { IF \langle bool2 \rangle {stat1} } ELSE {stat2}
```

# Abstract syntax tree

Gli alberi di derivazione contengono informazioni utili per interpretare, valutare, dare semantica alle stringhe.

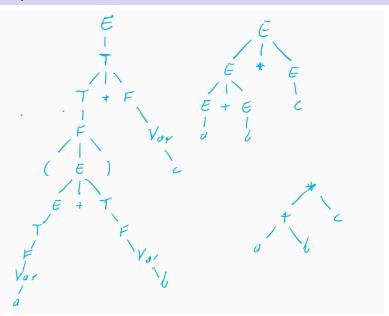
#### Ma:

 A volte è necessario complicare grammatica ed espressioni per definire la giusta interpretazione

$$(a + b) * c$$

- parentesi () necessarie per definire la precedenza
- diventano inutili una volta costruito l'albero sintattico dell'espressione.
- Gli alberi di derivazione possono essere ridondanti, contenere informazione inutile per l'interpretazione dell'espressione:

# Esempio



# Abstract syntax tree

- Abstract syntax tree: albero sintattico da cui sono stati eliminati
  - nodi ridondanti ai fini dell'analisi,
- rappresentazione più compatta, contiene solo le informazioni utili,
  - permette una computazione più pratica, efficiente
  - rappresentazione usata nei compilatori
- il significato di una stringa di caratteri è meglio evidenziato dal suo abstract tree che dall'espressione stessa

### Sintassi astratta

Sintassi che genera gli abstract syntax tree.
 Esempio, per le espressioni aritmetiche:

$$E \rightarrow E + E \mid E - E \mid E * E \mid Var$$

- sintassi minimale, mette in luce la parte importante della sintassi concreta
- sintassi intrinsecamente ambigua,
  - prevede dei meccanismi esterni alla grammatica per risolvere le ambiguità

# Classi di grammatiche

Oltre alle grammatiche libere dal contesto esistono anche:

Grammatiche, gerarchia di Chomsky:

- a struttura di frase  $v \rightarrow w$
- dipendenti da contesto uAv → uwv
- libere da contesto  $A \rightarrow w$
- regolari: lineari sinistre, lineari destre  $A \rightarrow aB$  o  $A \rightarrow a$

#### differenze:

- diverse grado di libertà nel definire le regole
- con grammatiche più generali:
  - una classe più ampia di linguaggi definibili
  - più complesso decidere se una parola appartiene al linguaggio, costruire albero di derivazione che genera quella parola

# Classe di grammatiche usate negli analizzatori lessicali

### Grammatiche regolari

- le classi di lessami (identificatori, letterali) hanno una struttura semplice
- grammatiche poco espressive sono sufficienti

# Classe di grammatiche usate negli analizzatori sintattici

#### Grammatiche libere dal contesto

sono un compromesso ottimale tra espressività e complessità

- ampio insieme di linguaggi definibili
- nei casi d'uso, riconoscimento in tempo lineare sulla lunghezza della stringa
  - linguaggi riconoscibile mediante un automa a pila deterministico
  - un sottinsieme dei linguaggi liberi da contesto
- solo una complessità lineare accettabile per un compilatore

### Vincoli sintattici contestuali:

Tuttavia con grammatiche libere dal contesto non posso eliminare dall'insieme di programmi riconosciuti (accettati)

programmi che non rispettano alcuni vincoli sintattici (contestuali) come:

- identificatori dichiarati prima dell'uso
- ugual numero di parametri attuali e formali
  - controllo non possibile perché il linguaggio fa<sup>n</sup>b\* fa<sup>n</sup>b\* fa<sup>n</sup> non è libero da contesto
- non modificare variabile di controllo ciclo "for"
- rispettati i tipi nelle assegnazioni, espressioni

# Soluzione (dei compilatori):

- usare grammatiche libere come modo efficiente per costruire l'albero sintattico
- sull'albero sintattico si effettua un'ulteriore ricerca di errori l'analisi semantica

L' analisi semantica chiamata anche semantica statica

- o controlli sul codice eseguibili a tempo di compilazione
- in contrapposizione alla semantica dinamica: controlli sul comportamento del programma eseguiti durante l'esecuzione

### Semantica

- termine usato un po' impropriamente nelle espressioni: semantica statica, semantica dinamica
- la semantica associa a programma il suo significato, descrive il suo comportamento durante l'esecuzione concetto diverso da un semplice controllo degli errori
- semantica definita quasi sempre informalmente in linguaggio naturale un approccio formale è possibile:
  - semantica operazionale strutturata: programma descritto da un sistema di regole di riscrittura
    - un insieme di regole descrive il risultato della valutazione di un qualsiasi programma
  - semantica denotazionale: descrivo il comportamento del programma con strutture matematiche (funzioni)

# Front end del compilatore

### Similmente ai linguaggi naturali in cui:

- si descrivono l'insieme di parole valide, il dizionario, divise in categorie (articoli, nomi, verbi, ...)
- regole sintattiche per costruire frasi da parole

### nei linguaggi formali, nei compilatori:

- descrizione delle parti elementari lessemi , analisi lessicale
- descrizione della struttura generale, a partire da lessemi, analisi sintattica

Questa separazione rende più efficiente l'analisi dei programmi

# Analisi lessicale (scanner, lexer)

Nella stringa di caratteri riconosco i lessemi, e per ogni lessema costituisco un token

```
token: (categoria sintattica, valore-attributo)
```

Esempio, data la stringa

```
x1 = a + b * 27;
```

viene generata la sequenza di token

```
[(identifier, 'x1'), (operator, =), (identifier, 'a'), (operator, 'dentifier, 'b'), (operator, *), (literal, 27), (separator,
```

La sequenza di token generati viene passata all'analizzatore sintattico (parser)

### Analisi lessicale

Bisogna definire per ogni classe di lessemi:

- identificatori
- letterali
- parole chiave (ogni parola chiave ha una sua categoria sintattica)
- separatori
- ...

la corrispondente sintassi ossia quali stringhe di caratteri possono essere: un identificatore, un letterale . . .

Come esprimere la sintassi di una classe di lessemi: espressione regolare

# Linguaggi e operazioni su linguaggi

Sia A un alfabeto, un insieme di simboli

Un linguaggio con alfabeto A, è definito come

- un insieme di stringhe di elementi A (parole su A)
  - {ab, abb, bbab} linguaggio sull'alfabeto {a, b}

Sui linguaggi posso definire le operazioni di:

- unione: X ∪ Y
  - $\{ab, ba\} \cup \{a, b\} = \{a, b, ab, ba\}$
  - concatenazione  $X \cdot Y = \{ s \mid s \in L , t \in M \}$  dove  $s \mid t$  indica la concatenazione della stringa s con la stringa t
    - {ab, ba} · {a, b} = {aba, baa, abb, bab}
  - chiusura di Kleene  $X^* = \{ s_1 s_2 \dots s_n \mid \forall i . s_i \in X \}$ 
    - {ab, ba}\* = { $\varepsilon$ , ab, ba, abab, abba, baba, baba, ababab, . . . }

# Espressioni regolari

A partire da queste tre operazioni (e da un insieme di costanti) costruisco

 l'insieme delle espressioni regolari chiama anche algebra di Kleene

Espressioni regolari permettono una rappresentazione sintetica dei linguaggi

# Espressioni regolari, algebra di Kleene

Espressioni (algebriche), L, M, N, ... costruite a partire da

- un insieme di costanti:
  - i simboli di un alfabeto A,
  - dal simbolo  $\epsilon$  rappresentante la stringa, parola, vuota.
- l'insieme delle operazioni sui linguaggi:
  - concatenazione: L M
  - unione: L | M
  - chiusura di Kleene: L\*

# Sintassi espressioni regolari

Oltre alle operazioni base, nelle espressioni regolari sono presenti

• parentesi tonde, (), per determinare l'ordine di applicazione,

Convenzioni, regole per evitare di dover inserire troppe parentesi:

 un ordine di precedenza tra gli operatori in ordine decrescente:

```
*, · , |
a|bc* = a | (b (c*))
```

 visto che concatenazione e unione sono associative non è necessario specificare se associano a sinistra o a destra

$$L(MN) = (LM)N = LMN$$

• 
$$a|b^* = a|(b^*) ->$$

• 
$$a|b^* = a|(b^*) \rightarrow {\text{("a", $\varepsilon$, "b", "bb", "bbb", } \dots }$$

- $a|b^* = a|(b^*) \rightarrow {\text{("a", $\varepsilon$, "b", "bb", "bbb", } \dots }$
- (a|b)\* ->

```
• a|b^* = a|(b^*) \rightarrow \{\text{``a''}, \varepsilon, \text{``b''}, \text{``bb''}, \dots \}
```

```
• (a|b)^* \rightarrow \{ \varepsilon, "a", "b", "aa", "ab", "ba", "bb", "aaa", ... \}
```

- $a|b^* = a|(b^*) \rightarrow \{\text{``a''}, \varepsilon, \text{``b''}, \text{``bb''}, \dots \}$
- $(a|b)^* \rightarrow \{ \varepsilon, "a", "b", "aa", "ab", "ba", "bb", "aaa", ... \}$
- $a|bc^* = a|(b(c^*)) ->$

- $a|b^* = a|(b^*) \rightarrow \{\text{``a''}, \varepsilon, \text{``b''}, \text{``bb''}, \dots \}$
- $(a|b)^* \rightarrow \{ \varepsilon, "a", "b", "aa", "ab", "ba", "bb", "aaa", ... \}$
- $a|bc^* = a|(b(c^*)) \rightarrow {\text{``a'', ``b'', ``bc'', ``bcc'', ``bccc'', ...}}$

- $a|b^* = a|(b^*) \rightarrow \{\text{``a''}, \varepsilon, \text{``b''}, \text{``bb''}, \dots \}$
- $(a|b)^* \rightarrow \{ \varepsilon, "a", "b", "aa", "ab", "ba", "bb", "aaa", ... \}$
- $a|bc^* = a|(b(c^*)) \rightarrow {(a, b)}, {(b, c)}, {(b, c)},$
- ab\*(c|ε) ->

```
• a|b^* = a|(b^*) \rightarrow \{\text{``a''}, \varepsilon, \text{``b''}, \text{``bb''}, \dots \}
```

• 
$$(a|b)^* \rightarrow { \varepsilon, "a", "b", "aa", "ab", "ba", "bb", "aaa", ... }$$

• 
$$ab^*(c|\varepsilon) \rightarrow {\text{"a", "ac", "ab", "abc", "abb", "abbc", ...}}$$

```
• a|b^* = a|(b^*) \rightarrow \{\text{``a''}, \varepsilon, \text{``b''}, \text{``bb''}, \dots \}
```

• 
$$(a|b)^* \rightarrow \{ \varepsilon, "a", "b", "aa", "ab", "ba", "bb", "aaa", ... \}$$

Ogni espressione regolare rappresenta un linguaggio

```
• a|b^* = a|(b^*) \rightarrow \{\text{``a''}, \varepsilon, \text{``b''}, \text{``bb''}, \dots \}
```

• 
$$(a|b)^* \rightarrow \{ \varepsilon, "a", "b", "aa", "ab", "ba", "bb", "aaa", ... \}$$

```
• (0|(1(01*0)*1))* = \{ \varepsilon, "0", "00", "11", "000", "011", "110", "0000", "0011", "0110", "1001", "1100", "1111", "00000", ... \}
```

tutti i numeri binari multipli di 3.

# Da espressioni regolari a linguaggi

#### Definizione formale:

- $\mathcal{L}(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$
- $\mathcal{L}(a) = \{ \text{"a"} \}$
- $\mathcal{L}$  (L | M) =  $\mathcal{L}$ (L)  $\cup \mathcal{L}$  (M)
- $\mathcal{L}$  (L M) =  $\mathcal{L}$ (L) ·  $\mathcal{L}$  (M)
- $\mathcal{L}(L^*) = (\mathcal{L}(L))^*$

# Uso espressioni regolari

#### Espressioni regolari usate:

- negli analizzatori sintaticci
- in applicativi per manipolare stringhe,
  - text-editor
  - comandi di sistemi operativi
  - ...
- in funzioni di libreria, per manipolare stringhe, di molti linguaggi di programmazione

In questi ambiti, vengono introdotte operazioni extra, oltre alle 3 canoniche, in maniera non uniforme

## Estensioni delle espressioni regolari

Per poter scrivere espressioni regolari più compatte, sono introdotte operazioni extra:

- chiusura positiva: L+ = L L\*
- zero o un istanza: L? =  $\varepsilon$  | L
- n concatenazioni di parole in L: L{n} = L L . . . L
- uno tra: [acdz] = a | c | d | z
- range: [a-z] = a | b | c | ... | z
- complemento: [^a-z] tutti i caratteri meno le lettere minuscole.

Espressioni più compatte ma stessa classe di linguaggi definibili

Esistono molte altre estensioni

## Definizione tramite equazioni

Usata in alcune applicativi, librerie.

Permette una scrittura più chiara:

```
digit := [0-9]sign := [\-\+]?
```

#### al posto di

```
• num := [\-\+]?([0-9]*\.?[0-9]+|[0-9]+\.?[0-9]*)([eE][\-\+]?[0-9]+
```

#### Notare, le parentesi graffe distinguono:

#### Metacaratteri

Nelle espressioni regolari devo distinguere tra:

caratteri simboli che rappresentano se stessi

metacaratteri simboli che rappresentano altro:

```
operazioni: | * +parentesi: ( )insiemi di caratteri: [ ]
```

- il simbolo di escape: \ mi permette di:
  - usare un metacarattere come carattere:
    - \\* rappresenta il carattere \* e non la chiusura di Kleene
  - usare un carattere per rappresentare altro:
    - \n rappresenta il newline

#### Risultati teorici

#### Teorema di equivalenza

Linguaggi regolari posso essere descritti in modi diversi:

- espressioni regolari
- grammatiche regolari (sinistre destre )
- automi finiti non deterministici, NFA non determistic finite automata.
- automi finiti deterministici (macchine a stati finiti) DFA determistic finite automata.

#### Teorema di minimalità

Esiste l'automa deterministico minimo (minor numero di stati)

#### Utilità pratica

#### L'analizzatore lessicale si ottiene

- a partire dalle espressioni regolari (specifica)
- costruendo i DFA minimi corrispondenti
- simulando la loro esecuzione contemporanea all'interno del lexer

#### Nuovo formalismo DFA, esempio

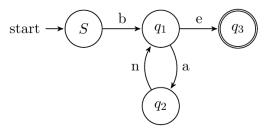


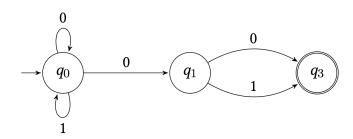
Figure 1: Finite State Automaton, accepting the pattern b(an)+e

Riconoscitore per b(an)\*e

Se anche  $q_2$  stato finale il linguaggio generato diventa

- b(an)\*(e|a)
- b(an)\*e | b(an)\*a

## Alternativa NFA, esempio



Riconoscitore per (0|1)\*0(0|1)

Nei NFA (non-deterministic finite automata) più possibili alternative

- più archi in uscita con la stessa etichetta,
- stringa accettate se esiste una sequenza di transazioni che la riconosce.

## Applicazioni dei risultati teorici

#### Per costruire un riconoscitore per un'espressione regolare

- Dall'espressione regolare si costruisce:
  - NFA equivalente, da questi il
  - DFA equivalente, da questi il
  - l'automa minimo, (DFA minino),

tutte costruzioni effettive.

- Dall'automa minimo si costruisce un programma per decidere se una parola appartiene a un'espressione regolare.
- Programma simula il comportamento dell'automa minimo contiene una tabella che descrive le transazioni dell'automa minimo, e ne simula il comportamento.

#### Scanner, lexer

Lo scanner deve risolvere un problema più complesso del semplice riconoscimento di una singola espressione regolare.

- Dati
  - un insieme di espressioni regolari,
     classi di lessemi (es. identificatori, numeri, operazioni, ...),
  - una stringa di ingresso
- lo scanner deve dividere la stringa d'ingresso in lessemi, ciascuno riconosciuto da un'espressione regolare.

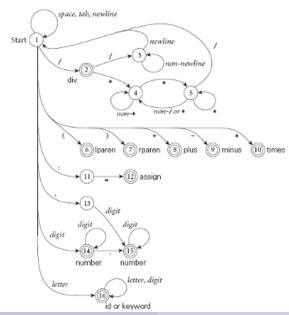
#### Problemi:

- quando termina un lessema, soluzione standard: la sequenza più lunga che appartiene a qualche espressione regolare,
  - la stringa '3.14e+sa' divisa in '3.14' 'e' '+' 'sa'
  - la stringa '3.14e+5a' divisa in '3.14e+5' 'a' per deciderlo posso essere necessari più simboli di lookahead;
- cosa fare se un lessema appartiene a più classi.

#### Come costruire uno scanner

- Costruisco un automa per ogni espressione regolare,
- sulla stringa di ingresso,
  - simulo il funzionamento parallelo degli automi, lo posso fare con un singolo automa
  - riconosco un lessema quando nessun automa può continuare.

# Automa per lessemi di espressioni aritmetiche



## Generatori di scanner (analizzatori lessicali)

La costruzione degli scanner può essere automatizzata

Classe di programmi che:

- dato
  - un insieme di espressioni regolari
  - delle corrispondenti azioni da compiere (codice da eseguire)
- genera un programma che:
  - data una stringa,
  - riconosce i lessemi sulla stringa
  - su ogni lessema riconosciuto esegue l'azione corrispondente tipicamente costruire un token, ma può fare altro

#### (F)LEX

Classico, diffuso generatore di scanner in C, per Unix (Linux)

Prende in input un file di testo con struttura

```
definizioni (opzionale)
%%
regole
%%
funzioni ausiliarie (opzionale)
```

la parte regole, la più importante, serie di regole nella forma

```
espressione-regolare azione
```

- espressioni-regolare sono quelle di unix (grep, emacs), ricca sintassi
- azione istruzione C, istruzioni multiple appaiono tra { }
   eseguita quando viene riconosciuta la corrispondente espressione
   (esistono strumenti equivalenti per gli altri ling. progr.)

#### Esempio

```
%%
aa printf("2a")
bb+ printf("many-b")
c printf("cc")
```

#### genera un programma che:

- modifica coppie di "a"
- modifica sequenze di "b", lunghe più di due caratteri
- raddoppia le "c"

i caratteri non riconosciuti da nessuna espressione regolare vengono stampati in uscita (restano inalterati)

#### Regole

#### Nel codice delle regole posso usare le variabili:

- yytext: stringa (array) contenente il lessema riconosciuto, puntatore al primo carattere
- yyleng: lunghezza del lessema
- yyval: usata per passare parametri al parser

#### Definizioni

```
definizioni
contiene la definizione di alcune espressioni regolari
nella forma
         espressione-regolare
nome
esempio
letter [a-zA-Z]
digit [0-9]
number {digit}+
notare le parentesi graffe in {digit}+
i nomi definiti possono essere usati nelle regole
```

# Sintassi delle espressioni regolari

- metacaratteri: \* | ( ) + ? [ ] ^ . \$ { } / \ " % < >
- {ide}: identificatore di espressione regolare fa inserito tra {}
- e{n,m}: con n, m naturali: da n a m ripetizioni di e, anche e{n,}, e{,n}, e{n}
- [^abd]: tutti i caratteri esclusi a b d
- \n: newline, \s: spazio generico, \t: tab
- \\*: il carattere \*, \ trasforma un metacarattere in un carattere standard e viceversa
- "a+b": la sequenza di caratteri a+b (+ non è più un metacarattere)
- .: tutti i caratteri meno il newline
- ^: inizio riga
- \$: fine riga

#### Funzioni ausiliarie

- Nella parte "funzioni ausiliarie" si può definire codice C da usare nelle regole
- Il codice C da inserire in testa al programma generato,
  - viene inserito nella parte 'definizioni'
  - tra le parentesi %{ }%

#### Esempio

```
%{
   int val = 0;
%}
separatore [ \t\n]

%%
0   {val = 2*val;}
1   {val = 2*val+1;}
{separatore}   {printf("%d",val); val=0;}
```

sostituisce sequenze rappresentanti numeri binari con il loro valore, scritto in decimale

#### Uso standard

```
cifra [0-9]
lettera [a-zA-Z]
identificatore {lettera}({cifra}|{lettera})*
%%
{identificatore} printf("(IDE,%s)", yytext);
sostituisce il lessema con un token.
```

#### **Funzionamento**

- Si considerano tutte le espressioni regolari e si seleziona quella con match più lungo, la parte lookahead conta nella misura
- a parità di lunghezza, conta l'ordine delle regole
- vengono impostate yytext, yyleng e eseguita l'azione
- nessun matching: regola di default: copio carattere input in output

#### Codice generato

- viene creata una funzione yylex() che implementa l'analizzatore lessicale
  - contiene all'interno una tabella che descrive di una DFA minimale
  - simula le operazioni del DFA
- anche insiemi semplici di espressioni regolari generano centinaia di righe di codice C

## Esempio: cifrario di Cesare

```
%%
[a-z] { char ch = yytext[0];
          ch += 3;
          if (ch > 'z') ch = ('z' - 'a' + 1);
          printf ("%c", ch);
[A-Z] { char ch = yytext[0];
          ch += 3:
          if (ch > 'Z') ch -= ('Z' - 'A' + 1);
         printf ("%c", ch);
```

## Esempio, conta caratteri

```
%{
int charcount=0, linecount=0;
%}
%%
   charcount++;
\n {linecount++; charcount++;}
%%
void vverror(const char *str)
   { fprintf(stderr, "errore: %s\n", str);}
int yywrap() {return 1;} /* funzioni ausiliarie */
void main() {
  yylex();
  printf("There were %d characters in %d lines\n",
  charcount, linecount);
```

#### Funzioni base

#### Devono essere definite le funzioni:

- yyerror(const char \*str): viene chiamata in condizioni di errore, tipicamente stampa un messaggio di errore usando la stringa argomento.
- yywrap(): viene chiamata a fine file di input, tipicamente restituisce
   0 0 1.
- main(): con opportune opzioni, possono essere create versioni di default.

## Uso

> flex sorgente.1

genera un programma C lex.yy.c, compilabile con il comando

> gcc lex.yy.c -ll

in lex.yy.c viene creata una funzione yylex()

- chiamata dal programma "parser"
- legge un lessema ed esegue l'azione corrispondente

opzione '-ll' necessaria per creare un programma stand-alone

- collegare alcune librerie
- con le definizioni main, yywrap yyerror
- non necessaria se inserisco nel file lex le relative definizioni

Utilizzabile per automatizzare del text editing.

# Analisi sintattica (Parsing) - Analizzatore sintattico (Parser)

#### A partire da

- una grammatica libera da contesto
- una stringa di token

#### costruisco

• l'albero di derivazione della stringa, a partire dal simbolo iniziale

## Automi a pila - la teoria

Le grammatiche libere possono essere riconosciute da automi a pila non deterministici

- Automi con un uso limitato di memoria:
  - insieme finito di stati
  - una pila, in cui inserire elementi finiti
  - passo di computazione, in base a:
    - stato
    - simbolo in testa alla pila
    - simbolo in input
  - si determina:
    - nuovo stato
    - sequenze di simboli da rimuovere e inserire in pila
    - se consumare o meno l'input

Parola accettata se, a fine scansione, si raggiunge una configurazione di accettazione:

- pila vuota
- stato finale

#### Deterministici – Non deterministici

Per gli automi a pila non vale l'equivalenza tra:

- deterministici (ad ogni passo una sola azione possibile)
- non-deterministici (più alternative possibili)

Per le grammatiche libere sono necessari, in generale, automi non-deterministici.

## Complessità del riconoscimento

- Un automa a pila non deterministico, simulato tramite backtracking, porta a complessità esponenziali.
- Esistono due algoritmi [Earley, Cocke-Younger-Kasami] capaci di riconoscere qualsiasi linguaggio libero in tempo O(n³).
- Un automa a pila deterministico risolve il problema in tempo lineare.

## In pratica:

- complessità O(n³) non accettabile, compilatore troppo lento
- ci si limita ai linguaggi riconoscibili da automi a pila deterministici
- classe sufficientemente ricca da contenere quasi tutti i linguaggi di programmazione
- eccezioni
  - C++:
    - x \* y ; prodotto o deferenziazione del puntatore
    - x < y > z ; operazioni confronto o templete
  - C, C#, Perl, Rust : in misura minore
  - non sono grammatiche libere, in alcuni casi necessarie informazioni sul contesto
  - necessari compilatori più complessi, devo interagire col tipe checker;

Due tipi di automi a pila: LL e LR, due metodi di riconoscimento

## Automi LL(n)

Costruiscono l'albero di derivazione in modo top-down:

- a partire dal simbolo iniziale
- esaminando al più n simboli della stringa non consumata (lookahead)
- si determina la prossima regola (espansione) da applicare

Simili agli automi a pila non-deterministici canonicamente associati ad una grammatica. (Fondamenti)

# Esempio di parsing, data la grammatica:

$$\begin{array}{cccc} S & \rightarrow & aAB \\ A & \rightarrow & C \mid D \\ B & \rightarrow & b \\ C & \rightarrow & c \mid \epsilon \\ D & \rightarrow & d \end{array}$$

la stringa adb viene riconosciuta con i seguenti passi:

Output	Pila	Input
Start	<i>S</i> \$	adb\$
${\cal S}  o {\sf a}{\sf A}{\sf B}$	aAB\$	adb\$
	AB\$	db\$
$A \rightarrow D$	DB\$	db\$
D  o d	dB\$	db\$
	B\$	<i>b</i> \$
B  o b	<i>b</i> \$	<i>b</i> \$
	\$	\$
OK!		

## Seconda derivazione

$$S \rightarrow aAB$$

$$A \rightarrow C \mid D$$

$$B \rightarrow b$$

$$C \rightarrow c \mid \epsilon$$

$$D \rightarrow d$$

la stringa abb viene rifiutata con i seguenti passi:

Output	$_{\rm PILA}$	Input
Start	<i>S</i> \$	abb\$
$\mathcal{S}  ightarrow a A B$	aAB\$	abb\$
	AB\$	<i>bb</i> \$
$A \rightarrow C$	CB\$	<i>bb</i> \$
$C  ightarrow \epsilon$	B\$	<i>bb</i> \$
B  o b	<i>b</i> \$	<i>bb</i> \$
	\$	<i>b</i> \$

Errore!

## Più nel dettaglio

Il parsing è guidato da una tabella che, in base a:

- al simbolo in testa alla pila
- ai primi n simboli di input non ancora consumati (normalmente n = 1),

determina la prossima azione da svolgere, tra queste possibilità:

- applicare una regola di riscrittura, espandendo la pila
- consumare un simbolo in input e in testa alla pila (se coincidono)
- generare un segnale di errore (stringa rifiutata)
- accettare la stringa (quando input e pila sono vuoti)

## Analizzatori LL

- La teoria verrà presentata nel corso di Linguaggi e Compilatori (laurea magistrale).
- È relativamente semplice capire la teoria e costruire automi (anche a mano, partendo da semplici grammatiche).
- La costruzione prevede:
  - dei passaggi di riformulazione di una grammatica per ottenere una equivalente (che determina lo stesso linguaggio)
  - dalla nuova grammatica, un algoritmo determina:
    - se è LL(1)
    - la tabella delle transizioni (descrizione dell'automa)

Meno generali dell'altra classe di automi LR(n), quelli effettivamente usati nei tool costruttori di parser.

# Significato del nome LL(n)

- Esamina la stringa from Left to right.
- Costruisce la derivazione Leftmost.
- Usa n simboli di lookahead.

Una derivazione è sinistra (leftmost) se ad ogni passo espando sempre il non terminale più a sinistra.

 $\bullet \ S \to aAB \to aDB \to adB \to adb$ 

Una derivazione è destra (rightmost) se ad ogni passo espando sempre il non terminale più a destra.

 $\bullet \ \ \mathsf{S} \to \mathsf{aAB} \to \mathsf{aAb} \to \mathsf{aDb} \to \mathsf{adb}$ 

Gli automi LL(n) generano sempre la derivazione sinistra

#### Analizzatori LR

#### Approccio bottom-up:

- a partire dalla stringa di input,
- applico una serie di contrazioni, (regole al contrario)
- fino a contrarre tutto l'input nel simbolo iniziale della grammatica.

## Esempio - Grammatica non LL

$$\begin{array}{ccccc} E & \rightarrow & T \mid T+E \mid T-E \\ T & \rightarrow & A \mid A*T \\ A & \rightarrow & \mathbf{a} \mid \mathbf{b} \mid (E) \end{array}$$

	Pila	Input	AZIONE	OUTPUT
1	\$	$\mathbf{a} + \mathbf{b} * \mathbf{b}$ \$	shift	
2	\$a	+ <b>b</b> $*$ <b>b</b> \$	reduce	${\mathcal A}  o {f a}$
3	\$ <i>A</i>	+ <b>b</b> $*$ <b>b</b> \$	reduce	$\mathcal{T}  o \mathcal{A}$
4	\$ <i>T</i>	+ <b>b</b> $*$ <b>b</b> \$	shift	
5	\$ <i>T</i> +	* <b>b</b> \$	shift	
6	$T + \mathbf{b}$	* <b>b</b> \$	reduce	$A o {f b}$
7	T + A	* <b>b</b> \$	shift	
8	T + A *	<b>b</b> \$	shift	
9	T + A * b	\$	reduce	$A o {f b}$
10	T + A * A	\$	reduce	$\mathcal{T}  o \mathcal{A}$
11	T + A * T	\$	reduce	T  o A * T
12	T + T	\$	reduce	extstyle E o T
13	T + E	\$	reduce	E  o T + E
14	\$ <i>E</i>	\$	stop	OK!

## Più nel dettaglio

- Ad ogni passo si sceglie tra un azione di:
  - shift inserisco un token in input nella pila
  - reduce riduco la testa della pila applicando una riduzione al contrario
- Nella pila introduco una coppia <simbolo della grammatica, stato>
   l'azione da compiere viene decisa guardando:
  - la componente stato in testa alla pila (non serve esaminarla oltre)
  - n simboli di input, per l'automa LR(n)

#### Automi LR

esiste un algoritmo che a partire da:

• una grammatica libera L

mi permette di:

- stabilire se L è LR
- costruire l'automa a pila relativo
  - insieme degli strati
  - tabella delle transazioni

come deve comportarsi l'automa ad ogni passo.

In realtà esistono tre possibili costruzioni.

## Varie costruzioni per automi LR

Le costruzioni differiscono per:

- complessità della costruzione
- numero degli stati dell'automa pila generato complessità dell'algoritmo
- ampiezza dei linguaggi riconoscibili

In ordine crescente per complessità e ampiezza di linguaggi riconosciuti:

- SLR(n)
- LALR(n)
- LR(n)

n parametro, indica il numero di caratteri lookahead, crescendo n si ambia l'insieme di linguaggi riconosciuti

#### Analizzatori LALR

Compromesso ideale tra numero di stati e varietà dei linguaggi riconosciuti

Costruzione piuttosto complessa: da spiegare e da implementare Esempio di applicazione di risultati teorici:

- Donald Knuth: 1965, parser LR, (troppi stati per i computer dell'epoca)
- Frank DeRemer: SLR and LALR, (pratici perché con meno stati)

LALR usato dai programmi generatori di parser: Yacc, Bison, Happy

# Yacc (Yet Another Compiler-Compiler)

Generatore di parser tra i più diffusi:

Riceve in input una descrizione astratta del parser:

- descrizione di una grammatica libera
- un insieme di regole da applicare ad ogni riduzione

#### Restituisce in uscita:

- programma C che implementa il parser
  - l'input del programma sono token generati da uno scanner (f)lex
  - simula l'automa a pila LALR
  - calcola ricorsivamente un valore da associare a ogni simbolo inserito nella pila:
    - albero di derivazione
    - altri valori

Programmi equivalenti per costruire parser in altri linguaggi: ML, Ada, Pascal, Java, Python, Ruby, Go, Haskell, Erlang

## Struttura codice Yacc (Bison):

```
%{ prologo %}
definizioni
%%
regole
%%
funzioni ausiliarie
Una produzione della forma
nonterm → corpo_1 | · · · | corpo_k
diventa in Yacc con le regole:
nonterm : corpo_1 {azione semantica 1 }
          | corpo k {azione semantica k }
```

#### Azione semantica

```
exp : num '*' fact { Ccode }
Ccode Codice C che tipicamente
```

- a partire dai valori calcolati in precedenza per num e fact
- calcola il valore da associare ad exp o meglio alla sottostringa di cui exp è contrazione

Meccanismo compatibile con il riconoscimento bottom-up

- descrivo cosa fare quando applico una riduzione
  - la pila contiene anche i valori associati ai simboli della parte destra
  - determino il valore da associare al non-terminale nella parte sinistra

## Esempio Valutazione Espressioni Aritmetiche

#### Costruisco un programma che valuta

- una serie di espressioni aritmetiche
- divise su più righe di input

#### espressioni composte da:

- costanti numeriche: numeri positivi e negativi
- le quattro operazioni
- parentesi

valgono le usuali regole di precedenza tra operazioni

## Prologo e definizioni

```
/* PROLOGO */
%{
#include "lex.yy.c"
void yyerror(const char *str){
    fprintf(stderr, "errore: %s\n", str);}
int yywrap() {return 1;}
int main() { yyparse();}
%}
/* DEFINIZIONI */
%token NUM
%left '-' '+'
%left '*' '/'
%left NEG /* meno unario */
```

## Esempio - Regole

```
%% /* REGOLE E AZIONI SEMANTICHE */
        /* si inizia con il simbolo iniziale */
input: /* empty */
     | input line
line : '\n'
     | \exp ' \mid  { printf("The value is %d \n", $1); }
exp : NUM { $$=$1; }
   | exp '+' exp { $$=$1+$3; }
   | exp '-' exp { $$=$1-$3; }
   | exp '*' exp { $$=$1*$3; }
   | exp '/' exp { $$=$1/$3; }
   | '-' exp %prec NEG { $$ =-$2; }
    | '(' exp ')' { $$ = $2; }
```

## Esempio - Codice LEX associato

```
%{
#include <stdio.h>
#include "y.tab.h"
%}
%%
[\t]; // ignore all whitespace
[0-9]+
            {yylval = atoi(yytext); return NUM;}
\n
                {return *yytext;}
0 \pm 0
                {return *yytext;}
[\-\*\/\(\)] {return *yytext;}
```

#### Definizione dei token

- l'insieme dei possibili token definiti nel file Yacc con la dichiarazione %token NUM
- singoli caratteri possono essere token
  - non necessario definirli
  - codificati con in loro codice ASCII
  - gli altri token codificati con intero >257
- token diventano i terminali delle grammatica libera in Yacc
- Yacc crea un tabella y.tab.h
  - contiene la lista dei token e la loro codifica come interi
  - lex la dichiarazione #include "y.tab.h"<sup>(\*)</sup> accede ai dati in questa tabella

#### Funzioni ausiliare

#### Nel file Yacc è necessario definire le funzioni

- yyerror procedura invocata in caso di errori nella sintassi dell'input
  - in input una stringa da usare nel messaggio di errore
- yywrap chiamata al termine del file di input
  - di default restituisce l'intero 0 o 1
  - può essere usata per gestire più file di input,
- main per creare un programma stand-alone

#### La compilazione YACC crea una funzione C

yyparser che implementa il parser LALR

## Integrazione tra lex e Yacc (flex e Bison)

- lex non crea un programma stand alone ma una funzione yylex() chiamata all'interno di yyparser
- yylex() restituisce un token ad ogni chiamata e, indirettamente, un valore
  - il token è il valore restituito esplicitamente dalla funzione:
    - intero, codifica la classe del lessema
  - i token diventano i terminali della grammatica usata in Yacc
  - il valore attraverso la variabile yylval, globale e condivisa

#### Differenze tra YACC e LALR

#### YACC produce codice C che implementa un automa LALR ma:

- non esiste uno stretto controllo che la grammatica sia LALR
  - grammatiche non LALR vengono accettate ma:
    - si costruisce un automa a pila dove, per alcuni casi, più scelte sono possibili (automa non-deterministico)
    - YACC genera codice che ne sceglie una, eseguendo solo quella
    - si possono fare scelte sbagliate
    - si possono rifiutare parole valide
- grammatiche ambigue possono essere usate:
  - attraverso la definizione di priorità si possono eliminare ambiguità
  - per automi non LALR: attraverso le priorità si indicano le scelte da fare

#### Differenze tra YACC e LALR

- il codice C, non solo riconosce la stringa ma la "valuta"
  - valutazione bottom-up come il riconoscimento,
  - risultati parziali inserite nella pila, \$\$, \$1, \$2, ... fanno riferimento alla pila
  - la parte "azioni" delle regole specificano che valore associare una parola a partire dai valori delle sotto-parole.
  - attraverso le azioni posso costruire l'albero di derivazione ma anche altro

# Secondo esempio: sintassi di comandi ad un termostato.

#### File LEX

```
%{
#include <stdio.h>
#include "y.tab.h"
%}
%%
[0-9]+
                  { yylval=atoi(yytext); return NUMERO; }
riscaldamento
                  return TOKRISCALDAMENTO;
acceso|spento
                  { yylval=strcmp(yytext, "spento");
                   return STATO:}
objettivo
                  return TOKOBIETTIVO:
temperatura
                  return TOKTEMP;
\lceil \t \n \rceil +
                  /* ignora spazi bianchi e fine linea */;
%%
```

## File Yacc Prologo e dichiarazioni

```
%{
#include <stdio.h>
#include <string.h>
void yyerror(const char *str)
{ fprintf(stderr, "errore: %s\n", str);}
int yywrap() {return 1;}
int main() { yyparse();}
%}
%token NUMERO TOKRISCALDAMENTO STATO TOKOBIETTIVO TOKTEMP
%%
```

## File YACC: regole

```
comandi: /* vuoto */
         comandi comando
comando: interruttore_riscaldamento
          imposta_obiettivo
interruttore riscaldamento: TOKRISCALDAMENTO STATO
       { if($2) printf("\t Riscaldamento acceso \n");
                    printf("\t Riscaldamento spento \n"); }
           else
imposta_obiettivo: TOKOBIETTIVO TOKTEMP NUMERO
        { printf("\t Temperatura impostata a %d \n",$3); }
```

## Modifica tipo YYSTYPE

Nel file C, le variabili yylval, \$\$, \$1, ... hanno tipo YYSTYPE - per default è un intero - posso modificare YYSTYPE con la dichiarazione

```
%union {
nodeType *expr;
int value;
}
```

definisce un tipo union associato alla variabile LEX (yyval) e alle variabili YACC (\$\$, \$1,...)

con le seguenti dichiarazioni, specifico a quali tipi dei componenti sono associati diversi terminali e non terminali.

```
%token <value> INTEGER, CHARCON; /* terminali */
%type <expr> expression; /* non terminali */
```

dichiarazioni da inserire nella parte definizioni (prologo) del file YACC.

### Creazione del codice

```
lex file.l
yacc -d file.y
cc lex.yy.c y.tab.c -o fileEseguibile
in alternativa:
flex file.l
bison -d file.y
gcc lex.yy.c y.tab.c -o fileEseguibile
in alternativa, inserisco:
#include "lex.yy.c"
nel prologo yacc, e uso il comando
cc y.tab.c -o fileEseguibile
```

L'opzione -d forza la creazione del file y.tab.h.