

**Prova Scritta di Linguaggi di programmazione**  
**Corso di Linguaggi di programmazione I**  
06/07/2004

**Prolog**

Scrivere un predicato `almostBalanced/1` in SICSTUS PROLOG per determinare se un albero binario ha la seguente proprietà: per ogni nodo le altezze dei figli destro e sinistro differiscono al massimo di 1. L'altezza è la lunghezza del massimo cammino. Si ricordi che si possono usare i funzionali `abs` e `max`.

Ad esempio `almostBalanced(tree(4,void,tree(3,void,void)))` è vero.  
Si scriva il programma con variabili anonime ove possibile.

**Unificazione**

Si dica se esiste un unificatore più generale di  $f(g(x),x,h(x))$  e  $f(T,g(Z),h(T))$  e in caso affermativo lo si calcoli.

**Semantica**

Si consideri il seguente frammento di programma espresso in un linguaggio imperativo C-like con scoping statico:

```
{ int x:=7;
  proc Q(value int y; ref int w)
  {
    x := 3*y;
    w := w+1;
    y := w+2*y;
  }
  Q(x, x);
}
```

si fornisca la semantica denotazionale del frammento, mostrando l'ambiente e la memoria nel momento in cui termina la valutazione della chiamata di procedura Q.

NOME E COGNOME:	Numero di Matricola:
-----------------	----------------------

## Prolog

```
almostBalanced(void, 0).
almostBalanced(tree(_,L,R), D) :-
    almostBalanced(L, DL),
    almostBalanced(R, DR),
    Diff is abs(DL-DR),
    Diff =< 1,
    D is 1+max(DL,DR).
```

## Unificazione

Non esiste unificatore.

**Prova Scritta di Linguaggi di programmazione**  
**Corso di Linguaggi di programmazione II**  
06/07/2004

### **Curry**

Data la seguente definizione del tipo di dato astratto (polimorfo) "Alberi Binari di Ricerca"

```
data BST a = Void | Node a (BST a) (BST a)
```

si scriva un predicato (deterministico e non necessariamente flexible) Curry `almostBalanced` (un predicato è una funzione booleana) per determinare se un albero binario ha la seguente proprietà: per ogni nodo le altezze dei figli destro e sinistro differiscono al massimo di 1. L'altezza è la lunghezza del massimo cammino. Si ricordi che si possono le funzioni di libreria `abs` e `max`.

Ad esempio `almostBalanced(Node 4 Void (Node 3 Void Void))` riduce a `True`.

### **Narrowing**

Si applichi un passo di narrowing a partire dal termine  $f(g(x),h(x))$  usando le regole

$g(z) \rightarrow h(z)$

$h(1) \rightarrow 3$

### **CLP(R)**

Si scriva un programma CLP(R), dove R è il dominio dei Reali, che data una matrice di dimensioni  $m \times n$  in input restituisce in output la corrispondente matrice trasposta (di dimensioni  $n \times m$ ).

NOME E COGNOME:	Numero di Matricola:
-----------------	----------------------

## Curry

```
almostBalanced :: BST a -> Bool
almostBalanced T = isbalanced
  where
    (isbalanced, _) = almost T

    almost Void = (True, 0)
    almost (Node _ l r) =
      let (balL,depL) = almost l
          (balR,depR) = almost r
      in if balL && balR && abs (depL-depR) <= 1
          then (True, 1+max depL depR)
          else (False, 0)
```

## Narrowing

$f(g(x),h(x)) \rightarrow \{ \} f(h(x),h(x)) + \{x/1\} f(g(1),3)$